

بعض خصائص التقديرات للمعادلات التي تبدو غير مرتبطة

عبدالقادر حمد عبدالله المصعبي

الملخص

هناك الكثير من الأساليب المتاحة التي من الممكن ان تستخدم لتقدير البيانات نماذج الانحدار على سبيل المثال طريقة المربعات الصغرى العامة (GLS) والتي تم اول من اقترحها كان

العالم الكسندر أينكن عام ١٩٣٤ م

وهو اسلوب يهتم بتقدير المعالم المجهولة في نماذج تحليل الإنحدار الخطي العام. ويتم استخدام هذه الطريقة بالتحديد عندما تعجز طريقة المربعات الصغرى العادية (OLS) عن التقدير أو تعطي تقديرات إحصائية غير فعالة أو استدلالات احصائية مضللة. يوجد ايضاً الأسلوب الذي ابتكره العالم Zellner 1962 والذي اطلق عليه اسم تقدير معادلات الإنحدار التي قد تبدو غير مرتبطة (SURE) والذي يتم فيه الإستفادة من الإرتباط الموجود بين عدة معادلات انحدار تبدو غير مرتبطة لرفع جودة التقدير.

هذه الرسالة تهتم بدراسة اسلوب SURE ومقارنتها بأسلوب GLS من حيث خصائص التقدير. تم تناول اهم النقاط التي تتعلق بأسلوب GLS من حيث نشأته وأهم فرضيات التقدير الخاص به، وايضاً اهم المشاكل التي تواجهه. تم شرح ايضاً نبذة تاريخية عن اسلوب SURE واهم خصائصه. وقد تمت المقارنة بينهما باستخدام نظام محاكاة عن طريق برنامج الـ SAS الإصدار ٩,١ تحت شروط مختلفة من حيث قوة الإرتباط و حجم العينة. وايضاً تم التطبيق

على بيانات حقيقة خاصة بالحركة الجوية بالمملكة العربية السعودية ورواتب أعضاء هيئة التدريس بالجامعة.

ولقد تم تقسيم الرسالة الى خمسة فصول كما يلي:

الفصل الأول: يحتوي هذا الفصل على المقدمة وتم شرح أهم التعريفات المتعلقة بالدراسة وكتوضيح لفكرة التقدير بإسلوب SURE وبإضافة الى نبذة عن نشأته التاريخية و أهم ما كتب عنه.

الفصل الثاني: في هذا الفصل تم ذكر نبذة عن الإنحدار الخطى، كما تم التطرق لاهم خصائصه والشروط التي يجب ان تتوفر في الإنحدار الخطى البسيط (OLS) من ثم تم التطرق للفرضيات التي يجب ان تتوفر في الإنحدار الخطى العام (GLS) . كما تم التطرق لشرح طريقة التقدير باستخدام اسلوب التقدير باستخدام OLS وخصائص التباين والتغير لمصفوفة المقدر الخاص بالإنحدار الخطى العام GLS . وفي نهاية هذا الفصل تم التطرق الى ثلاثة مشاكل قد تواجه التقدير وهي مشكلة الإرتباط الذاتي للبواقي (Hetroscedasticity) ومشكلة عدم التجانس للبيانات (AUTOCORRELATION) ومشكلة الازدواج الخطى (Multicollinearity)

الفصل الثالث: تم التطرق في هذا الفصل الى تقدير معدلات الإنحدار التي قد تبدو غير مرتبطة (SURE) من حيث التقدير باستخدام اسلوب الإنحدار الخطى البسيط (OLS) بالإضافة الى شرح متوسط وتباین المقدر، كما تم تفسير كيف ان تقدير معدلات الإنحدار التي قد تبدو غير مرتبطة (SURE) هو تعليم لأسلوب الإنحدار الخطى العام (GLS) .

الفصل الرابع: تم تخصيص هذا الجزء لإجراء دراسة المحاكاة باستخدام برنامج SAS الإصدار ٩,١ للمقارنة بين اسلوب تقدير معادلات الإنحدار التي قد تبدو غير مرتبطة (SURE)

و اسلوب الأنحدار الخطى العام (GLS) في عدة حالات من الإرتباط بين المعادلات (ضعيف و متوسط وقوى) و عند احجام للعينات مختلف (صغير و متوسط و كبير). (تم استخدام بيانات حقيقية عن الحركة الجوية بالمملكة العربية السعودية، و بيانات لرواتب اعضاء هيئة التدريس، ونتائج تحليل هذه البيانات الحقيقية من الناحية التطبيقية.

الفصل الخامس: تم تخصيص هذا الفصل للاستنتاجات النهائية للرسالة و أهم النقاط المطروحة للبحث لمزيد من الدراسات المستقبلية .

كما تحتوي الرسالة على ثلاثة ملاحق، الملحق الأول يحتوي على الجداول الخاصة بالنتائج النهائية من دراسة المحاكاة، والملحق الثاني يحتوي على الأشكال البيانية ذات البعدين والثلاثة أبعاد، وأخيراً الملحق الثالث يحتوي على كود البرنامج.

Some Properties of Seemingly Unrelated Regression Estimators

Abdulqader Hamad Almusabi

Abstract

A single model may contain a number of linear equations. In such a model it is often unrealistic to expect that the equation errors would be uncorrelated. A set of equations that has contemporaneous cross-equation error correlation (i.e. the error terms in the regression equations are correlated) is called a seemingly unrelated regression (SURE) system. At first look, the equations seem unrelated, but the equations are related through the correlation in the errors.

In this These we compare the SURE and the GLS estimators with varying sample sizes and correlation. We have found that the SURE estimator was more efficient than the GLS estimator, where the MSE was concerned, when the correlation between equations increased. Real air navigation data from General Authority of Civil Aviation in Saudi Arabia and a faculty staff salaries data the USA university were applied.

